

МЕТОД ФАЗОВОГО ПРОСТРАНСТВА В АНАЛИЗЕ СТАТИСТИКИ ФЛУКТУАЦИЙ ОПТИЧЕСКИХ ИМПУЛЬСОВ В НЕЛИНЕЙНЫХ ДИСПЕРГИРУЮЩИХ СРЕДАХ

1. Введение

Процессы распространения сверхкоротких световых импульсов в нелинейных диспергирующих средах привлекают в последние годы возрастающий интерес в связи с возможностями их использования для передачи с особо высокими скоростями, создания элементов оптических компьютеров, новых оптических приборов и т.п. [1-3]. По мере уменьшения длительности импульсов в таких оптических системах все более важное значение приобретает учет флуктуаций источника излучения, снижающих степень его когерентности. Знание статистики флуктуаций необходимо для выбора алгоритмов обнаружения, различения и фильтрации сигналов в указанных системах, а также оценки их характеристик [4, 5]. Хотя задачи анализа флуктуирующих сигналов в нелинейных средах исследованы уже довольно подробно, для их функций распределения известны лишь отдельные результаты статистического моделирования на ЭВМ и качественные оценки применительно к некоторым упрощенным моделям среды передачи [3, 6-9]. Ниже предлагается общий подход к решению указанных задач, основанный на представлении модели оптической среды (канала передачи) в гамильтоновой форме относительно некоторых обобщенных фазовых координат.

2. Постановка задачи

Процессы нелинейного самовоздействия сверхкоротких световых импульсов в нелинейных диспергирующих средах описываются волновыми уравнениями, которые в рамках дисперсионного приближения второго порядка по методу медленно меняющихся амплитуд после соответствующей нормировки обычно допускают представление в виде нелинейного эволюционного уравнения шредингеровского типа (НУШ) [1, 3]

$$i \frac{\partial \varphi}{\partial \eta} + \alpha \frac{\partial^2 \varphi}{\partial \tau^2} + i\beta \varphi + \kappa_0 |\varphi|^2 \varphi = 0 \quad (1)$$

с начальным условием

$$\varphi(0, \tau) = s(\tau), \quad (2)$$

где η, τ - нормированные координаты (пространственная и временная, отсчитываемая от центра движущегося импульса); $\varphi(\eta, \tau)$ - комплексная огибающая импульса излучения, нормированная на начальное пиковое значение; $s(\tau)$ - входное воздействие; α, β, κ_0 - параметры дисперсии, затухания и нелинейности ($\kappa_0 < 0$ соответствует нормальной, а $\kappa_0 > 0$ - аномальной дисперсии).

Модель (1) обладает большой универсальностью, позволяя описывать не только процессы распространения оптических импульсов в одномодовых волоконных световодах, плоских пленочных волноводах и открытой среде, но и электромагнитные волны СВЧ в нелинейных средах, волны в плазме и даже некоторые виды акустических волн.

С учетом флуктуаций излучения входное воздействие (2) представляется в виде

$$s(\tau) = u(\tau)\mu(\tau) + \xi(\tau) \quad (3)$$

где $u(\tau)$ - детерминированная комплексная функция, определяющая форму и фазу импульса на входе, $\mu(\tau)$ и $\xi(\tau)$ - комплексные случайные процессы, отражающие мультипликативные и аддитивные флуктуации излучения. Их статистические характеристики, а тем самым и характеристики всего воздействия (3), включая многомерные функции распределения, будем считать известными.

При этих условиях необходимо установить закономерности, которым подчиняется эволюция функции распределения флуктуирующего сигнала в рассматриваемой нелинейной среде по координате η .

3. Метод фазового пространства

Существует класс систем, для которых решение поставленной задачи может быть получено в весьма общем виде. К этому классу относятся системы, уравнения динамики которых допускают представление в гамильтоновой форме относительно некоторых обобщенных фазовых координат. Чтобы получить такое представление для уравнения (1), введем новую функцию

$$\psi(\eta, \tau) = \varphi(\eta\tau)e^{\beta\eta} \quad (4)$$

относительно которой оно приобретает вид

$$i \frac{\partial \psi}{\partial \eta} + \alpha \frac{\partial^2 \psi}{\partial \tau^2} + \kappa(\eta) |\psi|^2 \psi = 0, \quad (5)$$

где

$$\kappa(\eta) = \kappa_0 e^{-2\beta\eta} \dots \quad (6)$$

В качестве фазовых координат здесь целесообразно выбрать вещественные функции - квадратурные компоненты $x(\eta, \tau)$, $y(\eta, \tau)$ комплексной огибающей

$$\psi(\eta, \tau) = x(\eta, \tau) + iy(\eta, \tau) \quad (7)$$

После подстановки (7) в (5) получается система из двух вещественных уравнений, которые можно представить в виде

$$\frac{\partial x}{\partial \eta} = \frac{\delta H}{\delta y}; \quad \frac{\partial y}{\partial \eta} = -\frac{\delta H}{\delta x}, \quad (8)$$

где $H(x, y)$ - гамильтониан, определяемый выражением

$$H(x, y) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} \left\{ \alpha \left[\left(\frac{\partial x}{\partial \tau} \right)^2 + \left(\frac{\partial y}{\partial \tau} \right)^2 \right] - \frac{\kappa}{2} (x^2 + y^2)^2 \right\} d\tau \quad (9)$$

Аналогичные комплексные уравнения можно записать, выбрав в качестве фазовых переменных $\psi(\eta, \tau)$ и $\psi^*(\eta, \tau)$ [10].

Полученные уравнения (8), в отличие от аналогичных уравнений, рассматриваемых в статистической механике [11], описывают распределенную динамическую систему с бесконечномерным фазовым пространством и поэтому содержат в правой части не обычные, а вариационные производные (по функциям континуальной переменной τ). При случайном входном воздействии с заданным функционалом плотности вероятности $W_0(x, y)$ его эволюция в системе, описываемой гамильтоновыми уравнениями (8), подчиняется уравнению Лиувилля [11], которое в рассматриваемом фазовом пространстве также должно быть записано с использованием вариационных производных:

$$\frac{\partial W}{\partial \eta} + \{H, W\} = 0, \quad (10)$$

где

$$\{H, W\} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[\frac{\delta H}{\delta y} \frac{\delta W}{\delta x} - \frac{\delta H}{\delta x} \frac{\delta W}{\delta y} \right] d\tau \quad (11)$$

скобки Пуассона.

Уравнение (10) можно получить также из функционального уравнения Фоккера-Планка-Колмогорова [12], положив в нем коэффициенты диффузии равными нулю.

4. Решение с использованием дискретизации по времени

Непосредственное использование уравнений в вариационных производных типа (10) и описываемых ими функционалов плотностей вероятностей для анализа характеристик нелинейных оптических систем затруднительно, так как такие функционалы допускают строгое определение лишь в классе обобщенных функций. При практическом анализе и моделировании на ЭВМ функции $x(\eta, \tau)$ и $y(\eta, \tau)$, как правило, дискретизируются по τ с некоторым шагом $\Delta\tau$ и представляются векторами отсчетов

$$\begin{aligned} X(\eta) &= [x_0(\eta), x_1(\eta), \dots, x_{N-1}(\eta)], \\ Y(\eta) &= [y_0(\eta), y_1(\eta), \dots, y_{N-1}(\eta)], \end{aligned}$$

где N - число отсчетов,

$$\begin{aligned} x_k(\eta) &= x(\eta, (k-N/2)\Delta\tau), \\ y_k(\eta) &= y(\eta, (k-N/2)\Delta\tau); \\ k &= 0, 1, 2, \dots, N-1. \end{aligned} \quad (12)$$

Полученные в результате такого конечномерного представления случайные векторы X, Y описываются обычной $2N$ -мерной плотностью вероятности $W(X, Y, \eta)$, а скобки Пуассона в (10) приобретают вид

$$\{H, w\} = \sum_{k=0}^{N-1} \left(\frac{\partial H}{\partial y_k} \frac{\partial W}{\partial x_k} - \frac{\partial H}{\partial x_k} \frac{\partial W}{\partial y_k} \right) \quad (13)$$

где гамильтониан

$$H(X, Y) = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{N-1} \left\{ \frac{\alpha}{(\Delta\tau)^2} [(x_{k+1} - x_k)^2 - (y_{k+1} - y_k)^2] - \frac{\kappa}{2} (x_k^2 + y_k^2)^2 \right\}. \quad (14)$$

После подстановки (14) в (13) и простых преобразований уравнение Лиувилля (10) принимает вид

$$\frac{\partial W}{\partial \eta} + \sum_{k=0}^{N-1} \left\{ \left[\frac{\alpha}{(\Delta\tau)^2} (x_{k+2} - 2x_{k+1} + x_k)^2 + \kappa (x_k^2 + y_k^2) x_k \right] \frac{\partial W}{\partial y_k} - \left[\frac{\alpha}{(\Delta\tau)^2} (y_{k+2} - 2y_{k+1} + y_k)^2 + \kappa (x_k^2 + y_k^2) y_k \right] \frac{\partial W}{\partial x_k} \right\} = 0 \quad (15)$$

Решая его при начальном условии

$$w(X, Y, 0) = w_0(X, Y), \quad (16)$$

где $w_0(X, Y)$ - плотность вероятности квадратурных компонент входного воздействия, методом характеристик, получаем общее выражение $2N$ -мерной плотности вероятности векторов отсчетов $X(\eta), Y(\eta)$ в произвольной точке η :

$$w(X, Y, \eta) = w_0[F_{\eta}^*(X, Y)] \quad (17)$$

Здесь $F_{\eta}(X, Y)$ - оператор нелинейного отображения вход-выход, определяемого уравнением (5) при заданном η с учетом дискретизации (12); * - знак сопряженного оператора. При выводе формулы (17) учтено, что НУШ вида (5) относится к классу уравнений с унитарной нелинейностью [13], поэтому обратный оператор может быть заменен сопряженным.

Как в теоретическом, так и в практическом отношении большой интерес представляет вопрос о существовании стационарных распределений, не изменяющихся при преобразовании (17), а также равновесного распределения, к которому стремится $w(X, Y, \eta)$

при неограниченном увеличении η . Согласно выводам статистической механики [11] свойством стационарности обладает любая начальная плотность вида

$$w_0(X, Y) = f[I(X, Y)] \quad (18)$$

где $I(X, Y)$ - какой-либо интеграл движения рассматриваемой системы, например, гамильтониан. Для рассматриваемой системы в случае ее линейности ($\kappa=0$) гамильтониан (14) представляет собой квадратический функционал и стационарным является гауссовское распределение с определенной корреляционной матрицей, которую легко найти из (14). Однако, если при этом в начальном воздействии (3) $u(\tau)$ не является константой, распределение $w_0(X, Y)$ не может быть стационарным.

Ненулевые состояния статистического равновесия в рассматриваемой системе возможны только при отсутствии потерь ($\beta=0$) и характеризуется равномерным распределением по эквиэнергетической поверхности (микроканоническим распределением Гиббса) с заданным значением гамильтониана $H(X, Y)=H_0$,

$$w(X, Y|H_0) = C\delta[H_0 - H(X, Y)] \quad (19)$$

где C - нормирующая константа.

В условиях флуктуаций входного воздействия флуктуирует и H_0 с некоторым распределением $w(H_0)$, которое может быть найдено по известному распределению $w_0(X, Y)$. При этом равновесное распределение следует определять по формуле

$$w_p(X, Y) = \int_0^{\infty} w(H_0) w_p(X, Y|H_0) dH_0 \quad (20)$$

В отличие от задач статистической механики, где изменения H_0 обусловлены термодинамическим взаимодействием с внешней средой, в данном случае распределение $w(H_0)$ не обязательно является экспоненциальным и поэтому $w_p(X, Y)$ не совпадает с каноническим распределением Гиббса. Для реальных начальных распределений $w_0(X, Y)$ расчет $w_p(X, Y)$ описанным методом, как правило, приводит к распределениям, не выражающимся через элементарные функции и допускающим только приближенные или численные представления.

Равновесное распределение, как легко видеть из (19) и (20), определяется только функционалом $H(X, Y)$ и не зависит от начальной формы импульса $u(\tau)$ в (3), т.е. характеризует статистику сигнала на таком большом расстоянии η , на котором в результате флуктуаций и дисперсионного расширения импульсов содержащаяся в них информация потеряна.

Таким образом, для расчетов распределений вероятностей оптических сигналов в нелинейных режимах, используемых для передачи информации (в частности, солитонном режиме) необходимы формулы типа (17), характеризующие неравновесные состояния.

Рассмотренный метод обеспечивает определение в явном виде $2N$ -мерной плотности вероятности отсчетов флуктуирующего сигнала в любой точке оптического канала по заданному распределению на входе и поэтому при достаточно большом N применим для анализа как медленных, так и быстрых флуктуаций при любой форме импульса. Это позволяет записать в общем виде отношение правдоподобия и синтезировать оптимальные алгоритмы обнаружения и различения сигналов [4, 5].

Непосредственный численный расчет плотности вероятности по формуле (17) требует решения эволюционного уравнения (5), поэтому его целесообразно осуществлять на ЭВМ рекуррентно, в соответствии с последовательной процедурой решения указанного уравнения (например, методом расщепления).

Высокие показатели качества нелинейных оптических систем передачи (малая вероятность ошибки, большие скорость и дальность) достижимы только при достаточно высокой степени когерентности излучения, когда приняты меры к подавлению быстрых флуктуаций и интервал когерентности превышает длительность импульса [4, 5]. При этом условии можно считать, что флуктуируют только параметры импульсов (например,

амплитуды, скорости и фазы солитонов, как это принято в [6-9]), а их форма остается детерминированной.

Для анализа флуктуаций параметров описанный выше подход является неоправданно сложным, так как моделирование эволюции $2N$ -мерной плотности и последующий расчет по ней распределений параметров на ЭВМ требуют очень больших затрат памяти и времени. В таких задачах более эффективен рассматриваемый ниже подход.

5. Анализ флуктуаций параметров с использованием автомодельных приближений

Уравнения эволюции параметров импульса в замкнутой форме могут быть выведены из НУШ (1) или (5); если принять допущение о сохранении формы импульса в процессе его распространения в среде передачи. Такое допущение справедливо для импульса гауссовской формы в линейном режиме и импульса секанс-гиперболической формы с определенными начальными параметрами в нелинейном односолитонном режиме. В остальных случаях указанные автомодельные решения можно рассматривать как естественные приближения к точному решению НУШ. Автомодельное решение НУШ вида (5) гауссовской формы получено в [14] и определяется выражением

$$\psi_r(\eta, \tau) = A(\eta) \exp\left\{-\frac{\tau^2}{2a(\eta)} + ib(\eta)\tau^2\right\} \quad (21)$$

где $A(\eta)$, $a(\eta)$, $b(\eta)$ - параметры импульса (комплексная амплитуда, полуширина и коэффициент линейной частотной модуляции - ЛЧМ), изменяющиеся вдоль волокна.

Аналогичное решение в форме секанс-гиперболических импульсов (солитонов), выведенное вариационным методом в [15] для M мод, при $M=1$ можно представить в виде

$$\psi_s(\eta, \tau) = A(\eta) \operatorname{sech}\left[\frac{\tau}{a(\eta)}\right] \exp[ib(\eta)\tau^2]. \quad (22)$$

Как показано в [15], эволюция параметров моделей (21) и (22) описывается одинаковыми по виду уравнениями, отличающимися только числовыми коэффициентами μ_1 и μ_2 :

$$\begin{aligned} \frac{da}{d\eta} &= 4\alpha ab; \\ \frac{db}{d\eta} &= \alpha \left(\frac{\mu_1}{a^4} - 4b^2 \right) - \frac{\mu_2 Q(\eta)}{a^3} \end{aligned} \quad (23)$$

где $Q = |A(0)|^2 a(0)$ - энергетический параметр.

Для импульсов секанс-гиперболической формы $\mu_1 = 4/\pi^2$, $\mu_2 = 2/\pi^2$, а для импульсов гауссовской формы с тем же значением Q получается $\mu_1 = 1$, $\mu_2 = 1/2\sqrt{2}$; если же фиксирована энергия импульса, то $\mu_2 = \pi/8\sqrt{2}$.

Уравнения эволюции параметров (23), как и исходное НУШ (5), могут быть представлены в гамильтоновой форме:

$$\frac{\partial p}{\partial \eta} = -\frac{\partial H}{\partial q}; \quad \frac{\partial q}{\partial \eta} = \frac{\partial H}{\partial p} \quad (24)$$

где в качестве фазовых координат выбраны

$$p = b, \quad q = a^2, \quad (25)$$

а гамильтониан определяется выражением

$$H(p, q) = 4\alpha p^2 q + \frac{\mu_1 \alpha}{q} - \frac{2\mu_2 \kappa Q}{\sqrt{q}} \quad (26)$$

Соответствующее уравнение Лиувилля для плотности вероятности $w(p, q)$ имеет вид

$$\frac{\partial w}{\partial y} + 8\alpha p q \frac{\partial w}{\partial q} - \left(4\alpha p - \frac{\mu_1 \alpha}{q^2} + \frac{\mu_2 \kappa Q}{q\sqrt{q}} \right) \frac{\partial w}{\partial p} = 0. \quad (27)$$

Решив его методом характеристик, переходя от q к более удобному для анализа и измерений параметру - интенсивности $I = Q/\sqrt{q}$ и объединяя оба параметра в вектор $Z = (I, b)$, можно представить связь распределения вероятностей $w(Z, \eta)$ на произвольном расстоянии η с начальным распределением $w_0(Z) = w(Z, 0)$ в виде

$$w(Z, \eta) = \exp \left\{ 12\alpha \int_0^\eta b(\xi) d(\xi) \right\} \sum_i w_0 [P_i^{-1}(Z)] \quad (28)$$

где $P(Z)$ - нелинейное отображение в двумерном пространстве параметров, определяемое уравнениями (23) с учетом указанной подстановки, $P_i^{-1}(Z)$ - i -ая ветвь обратного отображения.

В отличие от $2N$ -мерного распределения (17), двумерная плотность, определяемая (28), может быть сравнительно просто рассчитана на ЭВМ. Процедуре расчета целесообразно придать рекуррентный характер, соответствующий выбранному алгоритму решения уравнений эволюции параметров (23). При этом плотность вероятности вектора отсчетов параметров $Z_k = [I(k\Delta\eta), b(k\Delta\eta)]$ в каждой последующей точке определяется по плотности в предшествующей точке согласно формуле

$$w_{k+1}(Z_{k+1}) = \exp \left\{ 12\alpha \int_{k\Delta\eta}^{(k+1)\Delta\eta} b(\xi) d(\xi) \right\} W_k [D^{-1}(Z_{k+1})] \quad (29)$$

где $D(Z_k)$ - отображение Z_k в Z_{k+1} , определяемое формулами Рунге-Кутты или другими аналогичными разностными соотношениями; $k=0, 1, 2, \dots$

6. Результаты моделирования и выводы

Для рассмотренных методов анализа распределений вероятностей были разработаны соответствующие алгоритмы моделирования на ЭВМ. На рис.1 и 2 в качестве примеров показаны полученные диаграммы эволюции плотностей вероятностей $w(I, \eta)$ пиковой интенсивности импульсов секанс-гиперболической формы для двух значений параметра нелинейности: $\kappa=2$ и $\kappa=4$ соответственно. Начальное распределение интенсивности принято экспоненциальным, что соответствует гауссовской модели флуктуаций квадратурных компонент, а для коэффициента ЛЧМ - равномерным, при постоянной энергии всех реализаций импульса. Значения интенсивности I на диаграммах нормированы на математическое ожидание m_I .

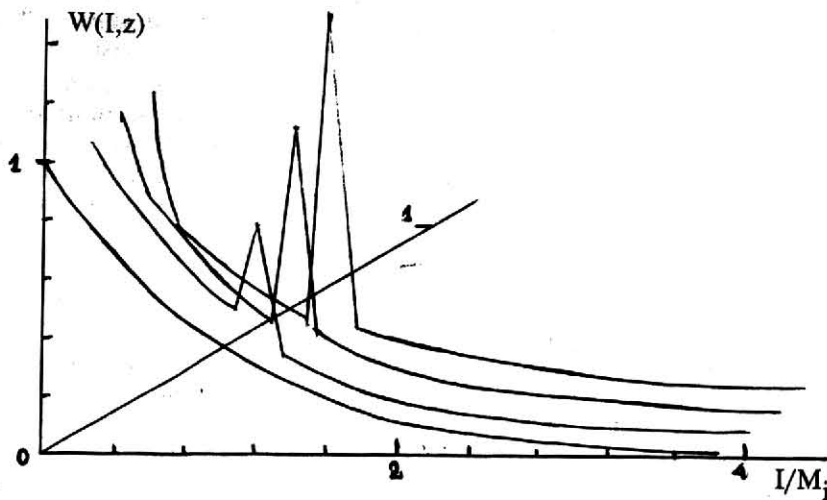


Рис.1

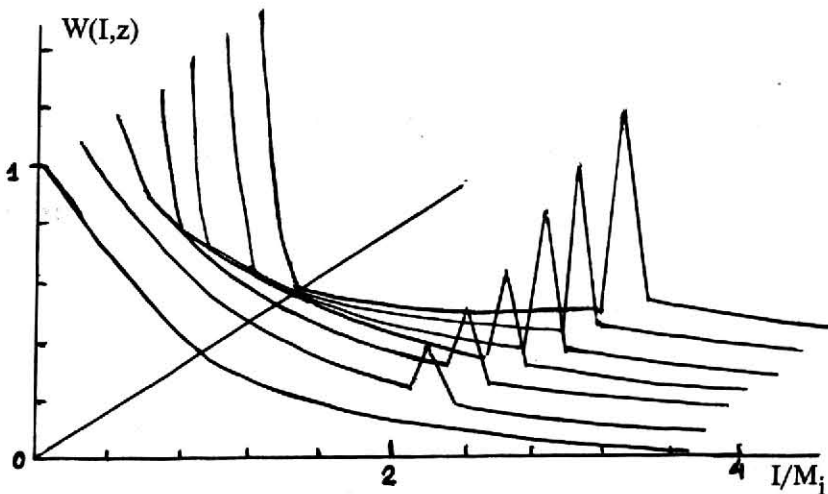


Рис.2

Из диаграмм видно, что с увеличением η экспоненциальное распределение быстро деформируется: образуется пик вблизи нуля, отражающий быстрое снижение пиковой интенсивности тех реализаций импульса, у которых ее начальное значение велико (а длительность соответственно мала), вследствие дисперсии. В то же время реализации с малой начальной интенсивностью (и большой длительностью) сжимаются за счет нелинейного самовоздействия и их интенсивность растет. В результате действия этих факторов в плотности вероятности появляются дополнительные пики, соответствующие областям локальной самостабилизации импульсов. Значения интенсивности, при которых они образуются, тем выше, чем больше параметр нелинейности κ . При $\kappa=0$, т.е. в линейном режиме, вторичные пики, естественно, отсутствуют.

Аналогичные зависимости наблюдаются и для импульсов гауссовской формы.

Отмеченные закономерности подтверждаются результатами прямого статистического моделирования НУШ, которое было выполнено с целью их проверки. В частности, те же пики интенсивности обнаруживаются и на гистограммах распределений.

Непосредственно из полученных диаграмм видно, что в рассматриваемых условиях интенсивность импульса в нелинейной диспергирующей среде флуктуирует по вероятностному закону, явно отличающемуся от экспоненциального, т.е. статистика флуктуаций существенно отличается от гауссовской. Проверка соответствия распределений квадратурных компонент гауссовскому закону по критерию хи-квадрат дает следующие результаты: для флуктуаций на входе получено $\chi^2=7,74$, на выходе, при $\eta=0,5$ и $\kappa=4$ $\chi^2=615$. При этом уровню значимости $\alpha=0,1$ соответствует $\chi^2_{\alpha}=24,1$. Это

означает, что воспроизводимая при моделировании статистика входного воздействия вполне удовлетворительно описывалась гауссовским законом, а на выходе нелинейного канала явно ему не соответствовала.

Аналогичное моделирование для случая, когда нет ограничения, касающегося постоянства энергий всех реализаций, показывает, что деформация начального экспоненциального распределения при этом происходит значительно медленнее и без образования вторичных пиков. При тех же условиях на дальности $\eta=0,5$ получено $\chi^2=25,1$, т.е. распределение флуктуаций, хотя и отличается от гауссовского, но не столь значительно, как в первом случае.

В целом можно сделать вывод, что часто принимаемое допущение о близости статистики флуктуаций импульсных сигналов в нелинейно-дисперсионных оптических каналах к гауссовской неприемлемо в тех случаях, когда наложены ограничения на энергетические параметры сигналов. В остальных случаях расхождение с гауссовским законом хотя и наблюдается, но не столь значительно и на практике им можно пренебречь, особенно при малых значениях κ .

Рассмотренные методы расчета распределений вероятностей использованы при анализе помехоустойчивости, дальности, скорости передачи и других характеристик солитонных систем оптической связи и позволяют уточнить приведенные в [4, 5] их оценки.

ЛИТЕРАТУРА

1. Сисакян И.Н., Шварцбург А.Б.//Квантовая электроника, 1984, т.11. N 9, стр.1703-1721.
2. Зуев М.А., Колчанов И.Г., Шварцбург А.Б.//Компьютерная оптика: Сб.МЦНТИ, М.,1992, вып.12, стр.56-60.
3. Ахманов С.А., Выслоух В.А., Чиркин А.С. Оптика фемтосекундных лазерных импульсов. М.: Наука, 1988.
4. Широков С.М.//Электросвязь. 1992, N 3, стр.3-8.
5. Широков С.М.//Компьютерная оптика: Сб.МЦНТИ, М., 1993, вып.13, стр.59-64.
6. Vava G.P., Chione G., Maio I.//Electr.Letters, 1984, V.20, No.24, pp.1002-1003.
7. Кандидов В.П., Шленов С.А.//Известия вузов. Радиофизика, 1984, т.27, N 9, стр.1158-1167.
8. Иванов А.В., Матвеев А.Н.//Вестник МГУ, 1987, т.28, N 5, стр.82-85.
9. Выслоух В.А., Иванов А.В., Чередник И.В.//Известия вузов. Радиофизика, 1987, т.30, N 8, стр.980-990.
10. Тахтаджян Л.А., Фаддеев Л.Д. Гамильтонов подход в теории солитонов. М.: Наука, 1986.
11. Боголюбов Н.Н., Боголюбов Н.Н. (мл.) Введение в квантовую статистическую механику. М.: Наука, 1984.
12. Гардинер К.В. Стохастические методы в естественных науках. М.: Мир, 1986.
13. Маслов В.П. Комплексные марковские цепи и континуальный интеграл Фейнмана. М.: Наука, 1976.
14. Anderson D.// Phys.Rev.A: Gen.Phys., 1983, v.27, No.6, pp.3135-3145.
15. Shirokov S.M.//Proc.ISFOC-93: Boston-St.Petersburg, 1993, pp.206-211.

Phase space method in the analysis of statistics of fluctuations of optical pulses in nonlinear dispersive media

S.M. Shirokov

Abstract

The processes of propagation of ultrashort light pulses in nonlinear dispersive media have attracted increasing interest in recent years due to the possibilities of their use for transmission at particularly high speeds, the creation of elements of optical computers, new optical devices, etc. [1-3]. As the pulse duration in such optical systems decreases, it becomes more and more important to take into account fluctuations in the radiation source reducing its coherence. The fluctuation statistics is required to select algorithms for detecting, discriminating and filtering signals in these systems, as well as evaluating their characteristics [4, 5]. Although the problems of analyzing fluctuating signals in nonlinear media have already been studied in sufficient detail, as for their distribution functions, only certain results of statistical computer simulations and qualitative estimates are available for some simplified models of the transmission medium [3, 6-9]. Below we propose a general approach to solving the above problems based on the representation of the optical medium (transmission channel) model in Hamiltonian form with respect to some generalized phase coordinates.

Citation: Shirokov SM. Phase space method in the analysis of statistics of fluctuations of optical pulses in nonlinear dispersive media. *Computer Optics* 1995; 14-15(2): 125-132.

References

- [1] Sisakyan IN, Schwarzburg AB. *Quantum Electronics*; 1984; 11(9): 1703-1721.
- [2] Zuev MA, Kolchanov IG, Schwarzburg AB. *Computer Optics*; Moscow: ICSTI; 1992; 12: 56-60.
- [3] Akhmanov SA, Vysloukh VA, Chirkin AS. *Optics of femtosecond laser pulses*. Moscow: Nauka Publisher; 1988.
- [4] Shirokov SM. *Elektrosvyaz*; 1992; 3: 6-8.
- [5] Shirokov SM. *Computer Optics*; Moscow: ICSTI; 1993; 13: 59-64.
- [6] Bava GP, Chione G, Maio I. *Electr. Letters*; 1984; 20(24):1002-1003.
- [7] Candidov VP, Shlenov SA. *News of Higher Educational Institutions. Radiophysics*; 1984; 27(9): 1558-1167.
- [8] Ivanov AV, Matveev AN. *Moscow University Physics Bulletin*; 1987; 28(5): 82-85.
- [9] Vysloukh VA, Ivanov AV, Cherednik IV. *News of Higher Educational Institutions. Radiophysics*; 1987; 30(8): 980-990.
- [10] Takhtadzhyan LL, Faddeev LD. *Hamiltonian methods in the theory of solitons*. Moscow: Nauka Publisher; 1986.
- [11] Bogolyubov NN, Bogolyubov NN(Jr). *Introduction to quantum statistical mechanics*. Moscow: Nauka Publisher; 1984.
- [12] Gardiner KV. *Stochastic methods in natural sciences*. Moscow: Mir Publisher; 1986.
- [13] Maslov VP. *Complex Markov chains and the Feynman path integral*. Moscow: Nauka Publisher; 1976.
- [14] Anderson D. *Phys.Rev.A: Gen.Phys.*; 1983; 27(6): 3135-3145.
- [15] Shirokov SM. *Proc.ISFOC-93: Boston-St.Petersburg*; 1993; 206-211.